

ПРИЛОЖЕНИЕ НА УСПОРЕДНО ПРОЕКТИРАНЕ ЗА ПОСТРОЯВАНЕ СЕЧЕНИЕТО НА ПРИЗМА С РАВНИНА

Митко Кунчев, д-р Тодор Митев¹⁾

¹⁾Русенски университет „Ангел Кънчев“

Резюме. Статията разглежда метод за построяване сечението на призма с равнина, определена от три точки, чрез използване на успоредно проектиране. Пропедевтиката на метода се основава на три спомагателни задачи. В решението на основната задача се описва построяването на пробода на равнината на сечението с околна ръб на призмата или с неговото продължение. Методът е приложен при решаването на различни задачи за построяване на сечение.

Ключови думи: сечение; призма; успоредно проектиране

В Учебно-изпитната програма за държавния зрелостен изпит по математика, профилирана подготовка, одобрена през 2016 г., е предвидено ученикът да има компетентност да „*построява сечението на многостен с равнина и определя вида и лицето му*“. Проблемът за построяване сечението на многостен с равнина е разглеждан както в учебници и учебни пособия, например З. Запрянов (Zapryanov, Dimovski, Tonov, Karadzhova 2002) и Ч. Лозанов (Lozanov, Vitanov, Nedevski, Stoimenova 2002), така и в статии в различни списания: П. Асенова (Asenova, Marinov 2019), Г. Бизова (Bizova 2003) и В. Вавилов (Vavilov 1979). Разглежданите примери са предимно сечение на пирамида и по-рядко на призма. Най-често равнината на сечението е определена от три точки. В този случай, в посочените източници, сечението се построява, като първо се построява права – пресечница на основата на многостена с равнината на сечението, а след това се построяват точките, които са прободи на равнината на сечението с ръбовете на многостена. При свързването на тези точки с отсечки се получава търсеното сечение – многоъгълник. В тази статия ще акцентираме върху друг метод – метода на успоредното проектиране, който е подходящ при построяване на сечението на призма с равнина определена от три точки.

Ще използваме следните понятия, свързани с успоредното проектиране на точки от пространството в равнина: проекционна равнина, проектиращо на-

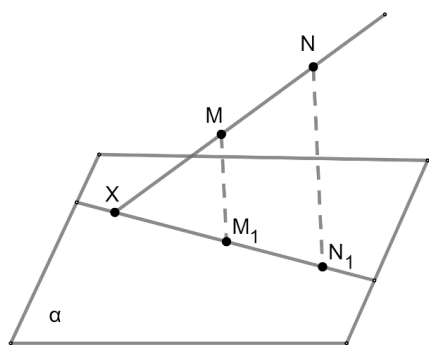
правление (проектираща права), успоредна проекция (образ, проекция) на точка или фигура, първообраз на точка или фигура. Предполагаме, че проектиращата права не е успоредна на проекционната равнина. Ако точка, отсечка или права се проектира съответно в точка, отсечка или права, за по-кратко ще пишем „ $\rightarrow$ “. Например, ако точка M се проектира в точка M_1 , ще пишем $M \rightarrow M_1$ и т. н.

При построяване на сечението на призма с равнина с метода на успоредното проектиране за проекционна равнина винаги приемаме основата на призмата, а за проектираща права – околел ръб. Сечението е построено, ако сме построили всички възможни пресечни точки (прободи) на ръбовете на призмата с равнината на сечението. За равнината, определена от точките M, N и P , ще използваме означението (MNP) . Аналогично равнината на стената ABB_1A_1 ще означаваме с (ABB_1A_1) .

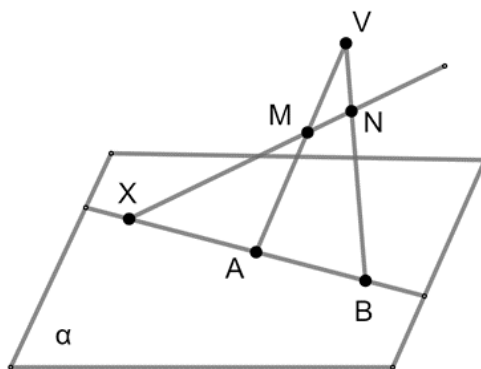
Спомагателна задача 1. Построяване на пробода на права с равнина

За да построим пробода на правата MN с равнината α , е достатъчно да построим пресечната ѝ точка с нейната успоредна проекция в равнината (предполагаме, че правата MN и равнината α не са успоредни). На фиг. 1а са построени успоредните проекции на точките M и N в α , съответно M_1 и N_1 . Следователно $MN \rightarrow M_1N_1$. Правите MN и M_1N_1 се пресичат в точка X , която е търсеният пробод (правите не са успоредни, защото MN не е успоредна на равнината).

Друг начин за построяване на пробода на правата MN с равнината α е показан на фиг. 1б. Равнината (MNV) пресича α в правата AB . Следователно прободът X е пресечната точка на правите MN и AB .



Фигура 1а



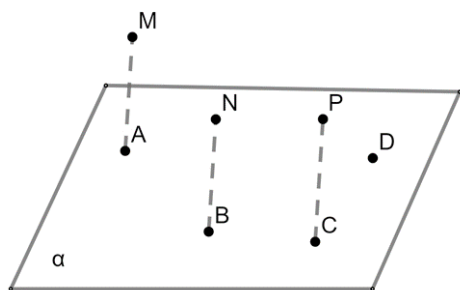
Фигура 1б

Спомагателна задача 2. В проекционната равнина са дадени точките A, B, C и D . Точките M, N и P се проектират съответно в точките A, B и C (виж фиг. 2а).

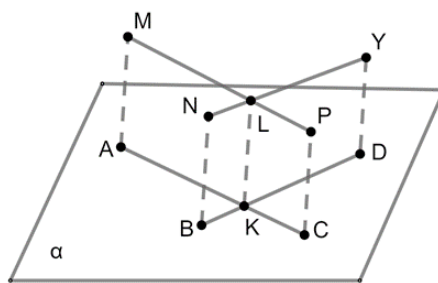
Да се построи точка Y от (MNP) , която се проектира в точка D , т.е. да се построи прободът Y на (MNP) с права от проектиращото направление през точка D .

Построението извършваме по следния начин (виж фиг. 2б): построяваме пресечната точка на правите AC и BD (или друга двойка прави, определени от четирите точки) – точка K ; построяваме правата MP ; през K построяваме права, успоредна на BN , и означаваме пресечната ѝ точка с правата MP с L ; построяваме правата NL ; през точка D построяваме права, успоредна на BN , и пресечната ѝ точка с правата NL е търсената точка Y .

Доказателството следва от построението – Y се проектира в D , защото YD е построена успоредна на BN , а Y лежи в (MNP) , защото лежи на NL .



Фигура 2а



Фигура 2б

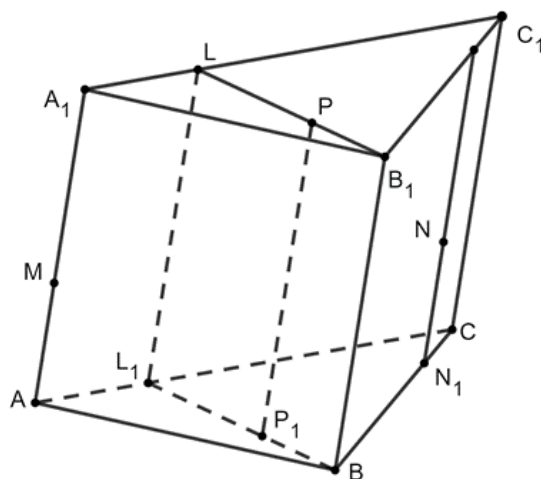
Спомагателна задача 3. Построяване на проекциите на точки от равнината на сечението в равнината на основата на призмата.

Ще разгледаме три случая. Нека точките са M, N и P , а призмата е $ABCA_1B_1C_1$ (виж фиг. 3).

Случай 3.1. Ако точката M лежи на околн ръб на призмата, например AA_1 , то нейната проекция съвпада с връх на многостена, в случая $M \rightarrow A$.

Случай 3.2. Ако точката N лежи в околна стена на призмата, например BCC_1B_1 , построяваме права през нея, успоредна на околн ръб (на проектиращото направление). Тази права пресича основен ръб, в случая BC , в точка N_1 , следователно $N \rightarrow N_1$.

Случай 3.3. Ако точката P лежи в горната основа $A_1B_1C_1$ на призмата, построяваме права през нея и избран от нас връх на призмата, например B_1 , която пресича срещуположната страна A_1C_1 в точка L . През L построяваме права, успоредна на околн ръб, която пресича AC в точка L_1 . Получаваме успоредник BB_1LL_1 , защото отсечките BB_1 и LL_1 са успоредни и равни. През точка P построяваме права, успоредна на BB_1 , която пресича BL_1 в точка P_1 , тогава $P \rightarrow P_1$.



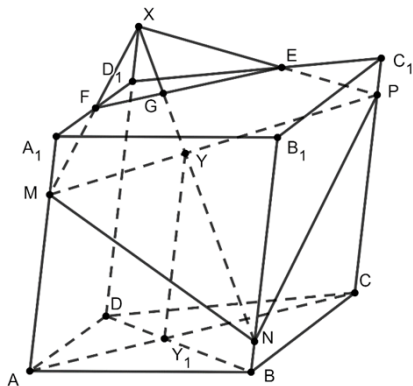
Фигура 3

При означенията на фиг. 2 можем да кажем, че проекцията на $\triangle MNP$ в основата на призмата е $\triangle M_1N_1P_1$.

Основна задача. Построяване на пробода на околел ръб на призма с равнината на сечението.

Предполагаме, че равнината на сечението не е успоредна на околел ръб (когато е успоредна, сечението е успоредник и се построява лесно). Ще разгледаме три случая на разположение на точките, които определят равнината на сечението при четириъгълна призма.

Случай 1. Трите точки, които определят равнината на сечението, лежат на околните ръбове на четириъгълна призма. Нека точките M , N и P лежат съответно върху ръбовете AA_1 , BB_1 и CC_1 на призмата $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ (виж фиг. 4). Ще построим сечението (пробода) на правата DD_1 с (MNP) . Първо построяваме проекциите на трите точки в основата. Според случай 3.1 на спомагателна задача 3. те са съответно A , B и C . Тогава проекциите на отсечките MN , NP и PM са съответно AB , BC и CA . Да означим търсения пробод с X . Тази точка сигурно съществува, защото равнината на сечението пресича правата AA_1 , следователно пресича и нейната успоредна права DD_1 . Нека диагоналите MP и NX на четириъгълника $MNPX$ се пресичат в точка Y . Тогава тя се проектира в пресечната точка на проекциите им – диагоналите AC и BD – точка Y_1 . След този анализ може да изпълним построението в следната последователност: построяваме последователно отсечките MP , AC и BD . Построяваме точка Y_1 . През точка Y_1 построяваме права успоредна на околел ръб, която пресича MP в точка Y . Построяваме правата NY и пресечната ѝ точка с правата DD_1 е търсената точка X (виж спомагателна задача 2).



Фигура 5

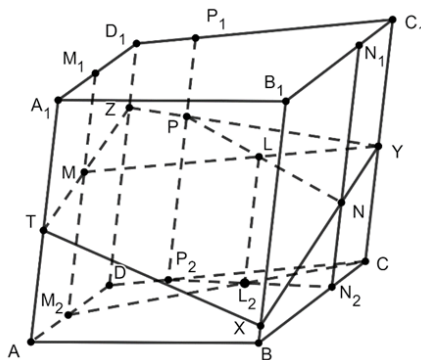
че равнината на сечението е различна от основите на призмата. Следователно пресечната точка Y съществува.

Да се върнем на построението на пресечната точка Y на правата CC_1 с γ .

Най-напред през всяка от точките M , N и P построяваме прави, успоредни на околнен ръб. Тези прави пресичат основните ръбове съответно в точките M_1 , M_2 , N_1 , N_2 , P_1 и P_2 (виж фиг. 6). Следователно точките M_2 , N_2 и P_2 са успоредните проекции на M , N и P в основата (спомогателна задача 3, случай 3.2). Отново ще използваме спомогателна задача 2. Точките M , N и P се проектират в M_2 , N_2 и P_2 и в γ търсим точка Y , която се проектира в C .

Построяваме отсечките M_2C и P_2N_2 и пресечната им точка L_2 . Тя е проекция на точка L , която е пресечница на правите MU и PN . Ще я построим като пресечница на PN с права през L_2 успоредна на околнен ръб. Построяваме правата ML , която пресича правата CC_1 в търсената точка Y . Важно е да отбележим, че правата LL_2 лежи в $(M_2CC_1M_1)$, защото L_2 лежи на M_2C и LL_2 е успоредна на CC_1 . Това доказва пресичането на ML и CC_1 .

Сега можем да построим и сечението на призмата с равнината γ . Означаваме пресечните точки на правите YP и YN с DD_1 и BB_1 съответно със Z и X . Правата ZM пресича AA_1 в точка T . Сечението е четириъгълникът $XYZT$. Върховете му лежат в една равнина, защото по построение правите MU и PN се пресичат в точка L и следователно лежат в една равнина. Ако точка Y лежи извън ръба CC_1 или точка T лежи извън ръба AA_1 , то сечението ще бъде петогълник или шестоъгълник.

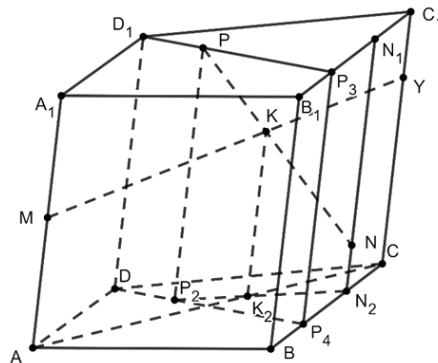


Фигура 6

Случай 3. Трите точки, които определят равнината на сечението, лежат, както следва: на околнен ръб, в околна стена и в горната основа на четириъгълна призма. Нека точките са M , N и P и лежат съответно върху ръба AA_1 , в стената BCC_1B_1 и в основата $A_1B_1C_1D_1$ на призмата $ABCD A_1B_1C_1D_1$ (виж фиг. 7). Ще построим сечението (пробода) на правата CC_1 с (MNP) . Да означим с Y търсения пробод.

Първо ще построим проекциите на трите точки в $(ABCD)$. Проекцията на точка M е точка A . За да построим проекцията на точка N , ще постъпим както в случай 3.2. През N построяваме права успоредна на околени ръб и означаваме пресечните точки с двата основни ръба N_1 и N_2 . Проекцията е точка N_2 . За построяване на проекцията на точка P първо ще построим права през нея и някой връх на многоъгълника $A_1B_1C_1D_1$ (виж случай 3.3). На чертежа е построена правата D_1P , която пресича B_1C_1 в точка P_3 . В зависимост от чертежа точката P_3 може да се окаже върху A_1B_1 , но това не променя хода на построението по-нататък. Построяваме през точка P_3 права P_3P_4 , успоредна на околени ръб, и точка P_4 лежи на BC . Така получихме точка P_4 – проекция на точка P_3 в $ABCD$. Четириъгълникът $DP_4P_3D_1$ е успоредник, защото P_3P_4 е успоредна на DD_1 по построение, а DP_4 е успоредна на P_3D_1 , защото двете основи на призмата са успоредни. В успоредника $DP_4P_3D_1$ през точка P построяваме права, успоредна на околния ръб DD_1 , която пресича DP_4 в точка P_2 . Точка P_2 лежи в основата $ABCD$ и PP_2 е успоредна на околени ръб, следователно тя е проекцията на точка P в основата.

Дотук построихме проекциите на трите точки M , N и P в основата – съответно точките A , N_2 и P_2 . Остава да построим търсената пресечна точка Y , която се проектира в C (виж спомагателна задача 2). Правите MY и NP се проектират съответно в AC и N_2P_2 . Следователно пресечната точка на MY и NP – точка K , се проектира в пресечната точка на AC и N_2P_2 – точка K_2 . Построяваме точка K_2 и през нея построяваме права, успоредна на околени ръб, която пресича NP в точка K (правата KK_2 лежи в (ACC_1A_1)). Построяваме правата MK , която пресича правата CC_1 в търсената точка Y . Възможно е отсечките AC и N_2P_2 да са успоредни. Щом проекциите на две прави от една равнина са успоредни, то правите също са успоредни. Тогава търсената точка Y от CC_1 е такава, че MY е успоредна на NP . На този чертеж постройте и прободите на ръбовете BB_1 и DD_1 с (MNP) и ще получите сечението ѝ с призма

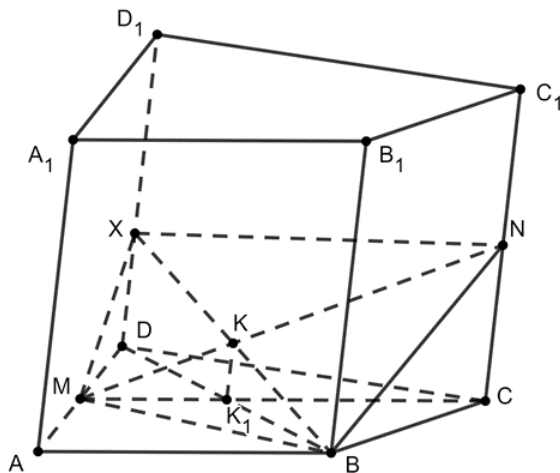


Фигура 7

Ще разгледаме няколко задачи за построяване на сечение на призма с равнина, в решенията на които се използват спомагателните и основната задачи.

Пример 1. Дадена е призма $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$. Точките M и N са среди съответно на ръбовете AD и CC_1 . Да се построи сечението на призмата с (MBN) .

Решение. Виж фиг. 8. Ще използваме идеята от случай 1. на основната задача и ще построим пробода на DD_1 с равнината на сечението – точка X . Точките M и B съвпадат с проекциите си, N се проектира в C , а X се проектира в D . Тогава построяваме пресечната точка K_1 на MC (проекция на MN) и BD (проекция на BX). През K_1 построяваме права успоредна на DD_1 , която пресича MN в точка K , а BK пресича DD_1 в търсената точка X . Четирите точки M, B, N и X лежат в една равнина, защото правите MN и BP се пресичат. Свързваме последователно четирите точки. С това сечението е построено – четириъгълник $MBNX$.

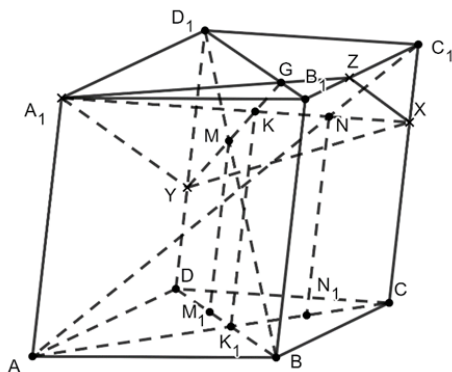


Фигура 8

Пример 2. Дадена е четириъгълна призма $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$. Точка M дели диагонала BD_1 в отношение $BM:MD_1 = 2:1$, а точка N дели диагонала AC_1 в отношение $AN:NC_1 = 3:1$. Да се построи сечението на призмата с $(A_1 MN)$.

Решение. Виж фиг. 9. Първо ще построим проекциите на точките A_1, M и N . Точката A_1 се проектира в A . Проекциите на M и N лежат съответно на BD и AC и на прави успоредни на околени ръб. Построяваме права през M успоредна на околени ръб, която пресича BD в проекцията – точка M_1 . Аналогично построяваме права през N успоредна на околени ръб, която пресича AC в проекцията – точка N_1 .

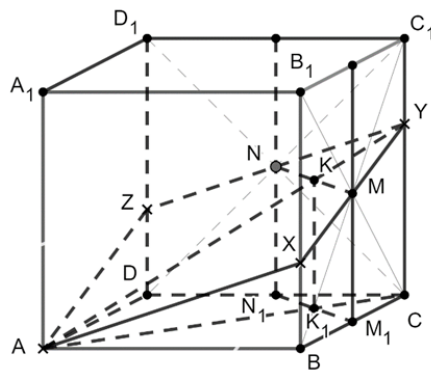
Пристъпваме към построяване на сечението. Тъй като A_1 и N лежат в (ACC_1A_1) , построяваме пресечната точка на A_1N и CC_1 – точка X , която е връх на търсеното сечение. Тогава $A_1X \rightarrow AC$. Ще построим пробода Y на равнината на сечението с околния ръб DD_1 (виж спомагателна задача 2 и основната задача). Той се проектира в точката D , а $YM \rightarrow DM_1$. Построяваме пресечната точка на AC и BD – т. K_1 . През нея построяваме права, успоредна на околния ръб, която пресича A_1X в точка K – първообраз на точката K_1 . Тогава точка Y е пресечницата на правите KM и DD_1 . Имаме вече три върха на сечението – A_1 , X и Y . Построяваме пресечната точка G на правата YK , която е от равнината на сечението, с правата B_1D_1 , която е от горната основа на призмата. Правата A_1G пресича B_1C_1 в точка Z , която е връх на сечението. Сечението е четириъгълникът A_1ZYX .



Фигура 9

Пример 3. Да се построи сечението на куба $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ с (AMN) , където точките M и N са центрове на квадратите $BCC_1 B_1$ и $DCC_1 D_1$.

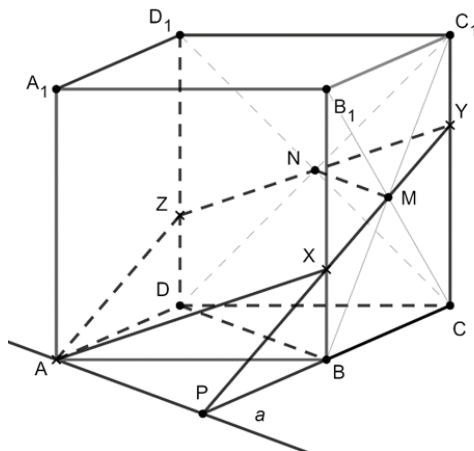
Решение. Точките, които определят равнината на сечението, съответстват на спомагателна задача 3, случай 3.2 (виж фиг. 10). Проекции на точките A , M и N в основата $ABCD$ са A , M_1 и N_1 . За да построим сечението, достатъчно е да построим пробода на равнината на сечението с ръба CC_1 – точка Y . Разсъжденията са подобни на тези в случай 2 на основната задача. Построяваме точка K_1 – пресечница на AC и M_1N_1 . През нея построяваме права успоредна на околния ръб, която пресича MN в точка K . Правата K_1K лежи в (ACC_1A_1) . Построяваме точка Y – пресечница на AK и CC_1 . Правата YM пресича BB_1 в точка X , а правата YN пресича DD_1 в точка Z . Сечението е $AXYZ$. Фигурата е успоредник, защото равнината на сечението пресича двойки успоредни равнини.



Фигура 10

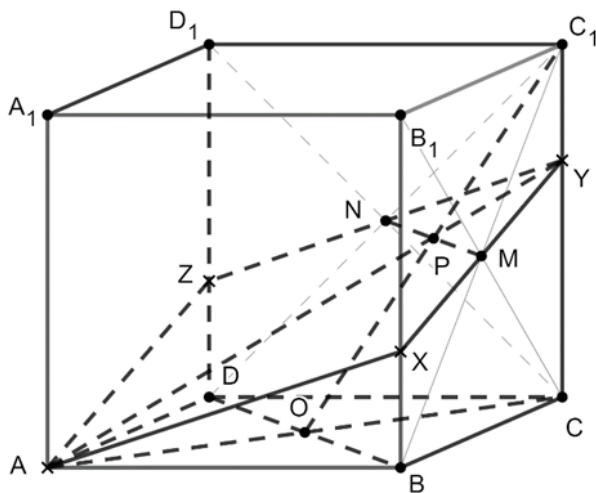
Ще решим тази задача по още два начина.

Решение 1. Идеята е първо да се построи пресечната права на равнината на сечението с равнината на основата на призмата и след това, чрез нея, да се построят пресечниците със стените на многостена (виж фиг. 11). Първо отбелязваме, че правите MN и BD са успоредни, защото MN е средна отсечка в $\triangle DBC_1$. Следователно равнината на сечението (AMN) пресича основната равнина ($ABCD$) (имат обща точка A) в права a , която е успоредна на MN и BD . През точка A построяваме права a , успоредна на BD . Правата, в която сечението пресича стената BCC_1B_1 , пресича правата BC в точка P . Тя е обща и за равнините на сечението и ($ABCD$), следователно трябва да лежи на правата a . Построяваме точка P като пресечница на правите BC и a . Сега построяваме пресечните точки на правата PM с правите BB_1 и CC_1 – съответно X и Y . Правата YN пресича DD_1 в точка Z . Търсеното сечение е $AXYZ$.



Фигура 11

Решение 2. Задачата може да се реши, като след анализ на условието се направи поредица от построения и след това се докаже, че построеното сечение е търсеното (виж фиг. 12).



Фигура 12

Построение

1. На чертежа са дадени куб $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ и точките M и N са центровете на квадратите $BCC_1 B_1$ и $DCC_1 D_1$. Равнината на сечението е (AMN) .
2. Построяваме пресечната точка O на правите AC и BD .
3. В $\triangle DBC_1$ построяваме средната отсечка MN и медианата $C_1 O$, които се пресичат в точка P .
4. Построяваме пресечната точка Y на правите AP и CC_1 . Правите се пресичат, защото лежат в $(ACC_1 A_1)$ и AP пресича едната от двете успоредни прави AA_1 и CC_1 .
5. Построяваме пресечната точка X на правите YM и BB_1 и пресечната точка Z на правите YN и DD_1 .
6. Търсеното сечение е четириъгълникът $AXYZ$.

Доказателство

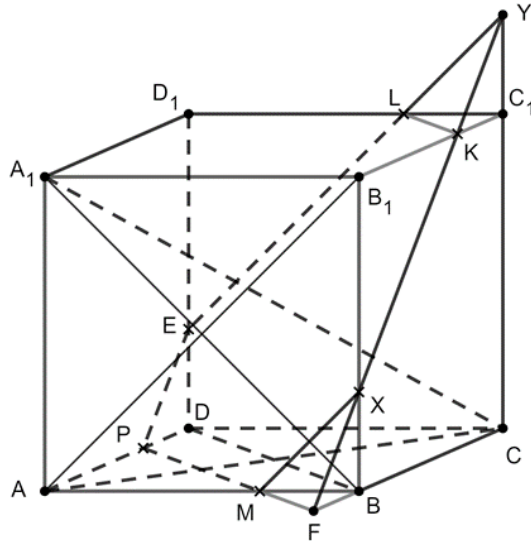
По построение точките A , X , Y и Z лежат на ръбовете на куба. Остава да докажем, че те лежат в (AMN) . Правите AY и MN се пресичат в точка P , следователно лежат в една равнина – (AMN) (построения 2. и 3.) и Y е от равнината на сечението. Правите YM и YN лежат в същата равнина,

защото две точки от тях лежат в равнината. Следователно точките X и Z лежат в (AMN) . Тогава точките A , X , Y и Z лежат в равнината на сечението и на ръбовете на куба, следователно това е търсеното сечение. Можем да добавим, че $AXYZ$ е успоредник и ZX е успоредна на DB .

Успоредното проектиране се използва при построяване на сечение и в случай че равнината на сечението е зададена като равнина през точка и перпендикулярна на дадена права.

Пример 4. Да се построи сечението на куба $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ с равнина γ , която минава през точка M от ръба AB и е перпендикулярна на правата $A_1 C$.

Решение. При решаването на тази задача ще използваме проектиране с направление, перпендикулярно на проекционната равнина (ортогонално проектиране). За да бъде равнината γ перпендикулярна на правата $A_1 C$, трябва две пресичащи се прави от нея да са перпендикулярни на $A_1 C$. Ще построим две такива прави през точка M (виж фиг. 13). При ортогонално проектиране в $(ABCD)$ правата $A_1 C \rightarrow AC$. От друга страна, AC е перпендикулярна на BD , следователно $A_1 C$ също е перпендикулярна на BD . През точка M построяваме права, успоредна на BD , която пресича AD в точка P . Тогава MP е перпендикулярна на $A_1 C$. Аналогично при ортогонално проектиране в $(ABB_1 A_1)$ правата $A_1 C \rightarrow A_1 B$. Проекцията $A_1 B$ е перпендикулярна на AB_1 и следователно AB_1 е перпендикулярна на $A_1 C$. През точка M построяваме права, успоредна на AB_1 , която пресича BB_1 в точка X . Тогава MX е перпендикулярна на $A_1 C$. Следователно равнината PMX е перпендикулярна на правата $A_1 C$. Сведохме задачата до построяване на сечение на куб с равнина, определена от три точки – P , M и X . За да построим пробода на равнината с ръба CC_1 – точка Y , отново използваме спомагателна задача 2. Точките P , M , X и Y се проектират съответно в P , M , B и C . Означаваме пресечната точка на PM и BC с F . Тогава Y е пресечната точка на FX и CC_1 , а K е пресечната точка на FY и $B_1 C_1$. По-нататък използваме факта, че равнината на сечението пресича срещуположните успоредни стени в успоредни отсечки. През K построяваме права, успоредна на PM (или $B_1 D_1$), която пресича $D_1 C_1$ в точка L . Правата YL пресича DD_1 в точка E . Сечението е шестоъгълникът $MXKLEP$. Ако точката M съвпада с точката A , то сечението е триъгълник $AB_1 D_1$, а ако M съвпада с B , сечението е триъгълник DBC_1 .



Фигура 13

Задачи за упражнение

Задача 1. Върху основните ръбове AD и BC на куба $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ са избрани съответно точки M и N така, че $AM:MD = CN:NB = 3:1$. През точките M , N и C_1 е построена равнина λ . Да се построи сечението на куба с равнината λ (сечението е от задача за приеман изпит в ТУ – София през 2005 г.).

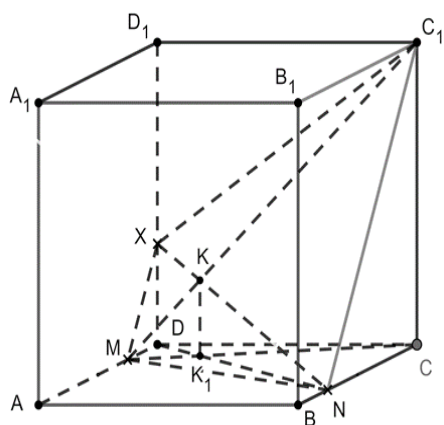
Задача 2. Върху ръбовете AA_1 и $A_1 B_1$ на куба $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ са избрани съответно точки M и P така, че $AM:MA_1 = 1:3$, а P е среда на $A_1 B_1$. Да се построи сечението на куба с (MNP) , където точка N е центърът на стената $BCC_1 B_1$.

Задача 3. Да се построи сечението на триъгълната призма $ABCA_1 B_1 C_1$ с (MNP) , където точка M е среда на ръба AA_1 , точка N е пресечната точка на диагоналите на $BCC_1 B_1$ и точка P е среда на ръба $A_1 C_1$.

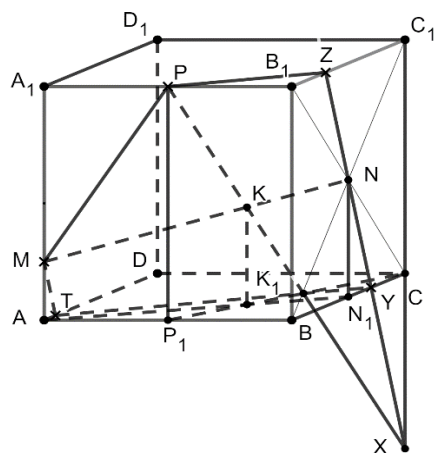
Задача 4. Да се построи сечението на петъгълната призма $ABCDE A_1 B_1 C_1 D_1 E_1$ с (MNP) , където точка M е пресечната точка на диагоналите на $ABB_1 A_1$, точка N дели ръба DD_1 в отношение $DN:ND_1 = 1:2$ и точка P е пресечната точка на диагоналите на $AEE_1 A_1$.

Задача 5. Основата на призмата $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ е успоредник. Да се построи сечението на призмата с (MPC) , където точка M е среда на ръба AA_1 , а точка P дели диагонала DB_1 в отношение $DP:PB_1 = 1:3$.

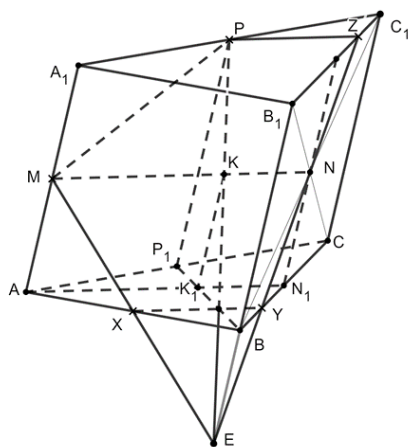
Отговори на задачите за упражнение



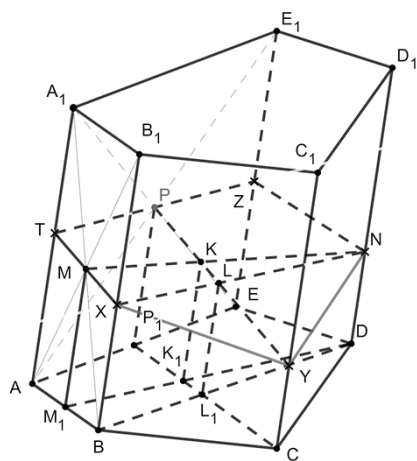
Фигура 14. Задача 1. Сечението
е $MNCX$



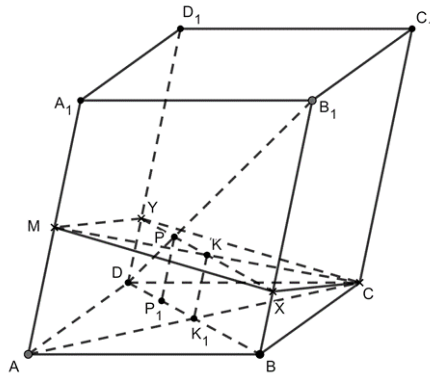
Фигура 15. Задача 2. Сечението
е $YZPMT$



Фигура 16. Задача 3. Сечението
е $XYZPM$



Фигура 17. Задача 4. Сечението
е $XYZNT$



Фигура 18. Задача 5. Сечението е $MXCY$

ЛИТЕРАТУРА

- АСЕНОВА, П., МАРИНОВ, М., 2019. Система от задачи в обучението по математика. *Математика и информатика*, **62**(1), 52 – 70.
- БИЗОВА, Г., 2003. Построяване на сечение на многостен с равнина. *Математика и информатика*, **49**(6), 25 – 33.
- БАВИЛОВ, В., 1979. Сечения многогранников. *Квант*, **1**, 36 – 40.
- ЗАПРЯНОВ, З., ДИМОВСКИ, И., ТОНОВ, И., КАРАДЖОВА, Р., 2002. *Ръководство за решаване на задачи по математика в XII клас*. София: Просвета, 75 – 87.
- ЛОЗАНОВ, Ч., ВИТАНОВ, Т., НЕДЕВСКИ, П., СТОИМЕНОВА, Е., 2002. *Математика – учебник за XII клас профилирана подготовка*. София: Анубис, 261 – 263.

REFERENCES

- ASENOVA, P., MARINOV, M., 2019. System of tasks in mathematics education. *Mathematics and Informatics*, **62**(1), 52 – 70.
- BIZOVA, G., 2003. Postroyavane na sechenie na mnogosten s ravnina. *Mathematics and Informatics*, **49**(6), 25 – 33.
- VAVILOV, V., 1979. Secheniya mnogogrannikov. *Kvant*, **1**, 36 – 40.
- ZAPRYANOV, Z., DIMOVSKI, I., TONOV, I., KARADZHOVA, R., 2002. *Rakovodstvo za reshavane na zadachi po matematika v XII klas*. Sofia: Prosveta, 75 – 87.

LOZANOV, CH., VITANOV, T., NEDEVSKI, P., STOIMENOVA, E.,
2002. *Matematika – uchebnik za XII klas profilirana podgotovka*. Sofia:
Anubis, 261 – 263.

APPLICATION OF PARALLEL PROJECTION FOR CONSTRUCTION OF THE SECTION OF A PRISM WITH A PLANE

Abstract. The article discusses a method for constructing the section of a prism with a plane defined by three points using parallel projection. The propaedeutics of the method is based on three supporting problems. The solution of the main problem describes the construction of the section of the plane with the surrounding edge of the prism or its extension. The method is applied in solving various problems for construction of a section.

Keywords: section; prism; parallel projection

✉ **Mitko Kunchev**

66, Zgorigrad St.
7000 Ruse, Bulgaria
E-mail: mitko@kunchev.info

✉ **Dr. Todor Mitev**

Department of Mathematics
Faculty of Natural Sciences and Education
University of Ruse “Angel Kanchev”
8, Studentska St.
7000 Ruse, Bulgaria
E-mail: tpmitev@abv.bg